



الإمتحان المحلي للأسدس الأول

يناير 2010

مدة الإنجاز : ساعتان

المادة : الرياضيات

المستوى : الثالثة ثانوي إحدادي

يمنع استعمال الآلة الحاسبة

التمرين الأول : (5 نقط)

نعتبر الأعداد الحقيقية : A و B و C و D و E بحيث :

$$A = \sqrt{18} - \sqrt{50} + 3\sqrt{2}$$

$$B = (\sqrt{2})^{-3} \times \sqrt{2}^2 \times (\sqrt{2})^5$$

$$C = \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \times \frac{1}{\sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{2}-1}$$

$$D = \sin 20^\circ \times \cos 70^\circ + \sin^2 70^\circ$$

$$E = \sqrt{\tan 60^\circ - \tan 45^\circ} \times \sqrt{2(\cos 30^\circ + \cos 60^\circ)}$$

1
1
1
1
1

بين أن : $A = \sqrt{2}$ و $B = 4$ و $C = (-1)$ و $D = 1$ و $E = \sqrt{2}$

التمرين الثاني : (4 نقط)

(1) x و y عدنان حقيقيان بحيث : $2 \leq 2x + y \leq 3$ و $(-5) \leq y \leq 0$

بين أن : $1 \leq x \leq 4$ وأن : $1 \leq \sqrt{x-y} \leq 3$

(2) a و b عدنان حقيقيان سالبان قطعاً بحيث : $3a < b$

أ- إذا علمت أن : $\frac{1}{3a-b} > \frac{1}{2a}$ ؛ بين أن : $a < b$

ب- استنتج مقارنة للعددين : $a^2 - \sqrt{7}$ و $b^2 - 2\sqrt{3}$

1+1
1
1

(وحدة القياس هي السنتمتر)

التمرين الثالث : (6 نقط)

ABC مثلث بحيث : $AB = AC = 4$ و $BC = 4\sqrt{2}$

(1) بين أن المثلث ABC قائم الزاوية

(2) أنشئ الشكل

(3) I منتصف القطعة $[AC]$

أ- بين أن : $BI = 2\sqrt{5}$

ب- أحسب : $\sin \widehat{ABI}$

0,5
1
0,5
0,5

(4) (Δ) مستقيم عمودي على المستقيم (BI) في النقطة I .

(Δ) يقطع القطعة $[BC]$ في النقطة M ، و يقطع المستقيم (AB) في النقطة N

أ- بين أن : $AN=1$

ب- أحسب : $\tan M\hat{I}C$

(5) بين أن المثلثان ABI و AIN متشابهان

(6) (Δ') مستقيم مار من النقطة A و يوازي المستقيم (BC) و يقطع القطعة $[MN]$

في النقطة E

أ- بين أن المثلثان IEA و IMC متقايسان

ب- استنتج أن النقطة I منتصف القطعة $[ME]$

0,5

0,5

1

1

0,5

(وحدة القياس هي السنتمتر)

التمرين الرابع : (5 نقط)

$[AB]$ قطر في دائرة (ξ) مركزها O و شعاعها 4 .

و C نقطة من (ξ) بحيث : $\hat{ABC} = 40^\circ$ و I نقطة من القطعة $[AO]$ بحيث : $AI=1$

المستقيم المار من النقطة I و الموازي للمستقيم (AC) يقطع القطعة $[BC]$ في النقطة M

و يقطع القوس الصغرى \widehat{BC} في النقطة N

(1) أنشئ الشكل

(2) بين أن : $\frac{BM}{BC} = \frac{7}{8}$

(3) J نقطة من القطعة $[AC]$ بحيث : $AJ = \frac{1}{4}AC$

أ- بين أن : $(IJ) \parallel (OC)$

ب- بين أن : $\hat{AIJ} = 80^\circ$

(4) نقطة P من الدائرة (ξ) مقابلة قطريا للنقطة N .

بين أن : $\hat{BCN} + \hat{BPN} = 2\hat{BAN}$

1

1

1

1

1

اعانكم الله